

教科書「数学 A」P 6～7 を読んで次の空欄を埋めなさい。 【評価の観点：知識・技能】

1 集合

ある **特定** の性質をもつものの全体の集まりを **集合** といい、A、B などの文字で表す。
また、集合を構成している個々のものを、その集合の **要素** という。
a が集合 A の要素であるとき、a は集合 A に **属する** といい、 $a \in A$ と表す。また、b が集合 A の要素でないとき、b **∉** A と表す。
なお、「小さい数の集まり」などは、「小さい」という数の範囲が **はっきりしない** ので、集合とは **いえない**。

例 1 5 以下の自然数の集合を A とすると、

集合 A の要素は **1, 2, 3, 4, 5** である。
このとき、
3 **∈** A , 6 **∉** A

2 集合の表し方

10 以下の正の偶数の集合を A、6 の正の倍数の集合を B とすると、
集合 A の要素は **2, 4, 6, 8, 10**
集合 B の要素は **6, 12, 18, ...** である。

集合を表すには、次のような方法がある。

- ① { } の中に、要素を **かき並べる。**
 - ② { } の中に、要素の **満たす条件をかく。**
- たとえば、上の例の集合 A は
- ①の方法によれば、 $A = \{2, 4, 6, 8, 10\}$
 - ②の方法によれば、 $A = \{x \mid x \text{ は } 10 \text{ 以下の正の偶数}\}$ と表される。
- 要素を表す文字** ↓ **x を満たす条件**

同様に、集合 B は

- ①の方法によれば、 $B = \{6, 12, 18, \dots\}$
- ②の方法によれば、 $B = \{x \mid x \text{ は } 6 \text{ の正の倍数}\}$ と表される。

例 2 次の集合 A、B を、要素をかき並べる方法で表してみよう。

- (1) $A = \{x \mid x^2 = 9\}$ のとき、 $A = \{3, -3\}$
↓ これを満たす x を求めると ↓
- (2) $B = \{x \mid -1 \leq x \leq 2, x \text{ は整数}\}$ のとき、 $B = \{-1, 0, 1, 2\}$
↓ この範囲の整数 x を求めると ↓

練習問題 【評価の観点：思考・判断・表現】

練習 1 10 以下の自然数の集合を A とするとき、次の自然数が集合 A に属するか属さないか、記号 \in 、 \notin を用いて表せ。(教科書 P 6)

- (1) 2 $2 \in A$ (2) 5 $5 \in A$ (3) 12 $12 \notin A$

練習 2 次の集合 A、B を、要素をかき並べる方法で表せ。(教科書 P 7)

- (1) $A = \{x \mid x \text{ は } 10 \text{ 以下の正の奇数}\}$
 $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$
- (2) $B = \{x \mid -3 < x < 2, x \text{ は整数}\}$
 $B = \{-2, -1, 0, 1\}$

問題 次の問いに答えなさい。(数学 I の教科書で学習しています。) 【評価の観点：思考・判断・表現】

- (1) 自然数とはどんな数ですか。
正の整数
- (2) つぎの不等式について、意味と、x は 2 を含むか含まないかを答えなさい。

	意味	「含む」か「含まない」
① $x < 2$	x は 2 (より小さい, 未満)	2 を (含まない)
② $x \leq 2$	x は 2 (以下)	2 を (含む)
③ $x > 2$	x は 2 (より大きい)	2 を (含まない)
④ $x \geq 2$	x は 2 (以上)	2 を (含む)

振り返り 【評価の観点：主体的に取り組む態度】

◎わかったこと

◎わからない所や質問したい所があれば書いてください。

教科書「数学 A」P 8～9 を読んで次の空欄を埋めなさい。

【評価の観点：知識・技能】

3 部分集合

要素をかき並べると

$A = \{x \mid x \text{ は } 6 \text{ の正の約数}\}$

$A = \{1, 2, 3, 6\}$

$B = \{x \mid x \text{ は } 12 \text{ の正の約数}\}$

$B = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$

のとき、集合 A のすべての要素は、集合 B の要素になっている。

2 つの集合 A, B において、A の **すべての要素** が B の **要素** になっているとき、A は B の **部分集合** であるといい、

$A \subset B$ または $B \supset A$

で表す。このとき、A は B に **含まれる** という。なお、**A 自身** も A の部分集合である。

2 つの集合 A, B において、A と B の要素が **すべて一致** しているとき、A と B は

等しい といい、 $A = B$ と表す。

また、要素を **1 つも持たない** 集合を **空集合** といい、 \emptyset で表す。空集合は、すべての集合の **部分集合** と考える。

例 3 $A = \{x \mid x \text{ は } 6 \text{ の正の約数}\}$, $B = \{1, 2\}$, $C = \{1, 2, 3, 6\}$ のとき

要素をすべてかき並べると $A = \{1, 2, 3, 6\}$

$A \supset B$, $B \subset C$, $A = C$

例 4 集合 $\{1, 2\}$ の部分集合をすべてかき表すと

$\{1\}, \{2\}, \{1, 2\}, \emptyset$

4 共通部分と和集合

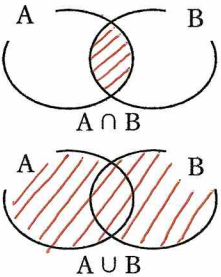
2 つの集合 A, B において、

A, B の **どちらにも属する** 要素全体からなる集合を

A と B の **共通部分** といい、 $A \cap B$ で表す。

A, B の **少なくとも一方に属する** 要素全体からなる集合を

A と B の **和集合** といい、 $A \cup B$ で表す。



例 5 $A = \{1, 2, 3, 6\}$, $B = \{1, 3, 4, 5, 7\}$, $C = \{2, 6, 8\}$ のとき、

$A \cap B = \{1, 3\}$

$A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$

$B \cap C = \emptyset$

練習問題

【評価の観点：思考・判断・表現】

練習 3 $A = \{x \mid x \text{ は } 12 \text{ の正の約数}\}$, $B = \{1, 2, 4\}$ のとき、 $A \supset B$, $A \subset B$ のどちらかが成り立つか答えよ。(教科書 P 8)

$A = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$ より $A \supset B$

練習 4 集合 $\{1, 2, 3\}$ の部分集合をすべてかき表せ。(教科書 P 8)

$\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1, 2\}, \{2, 3\}, \{1, 3\}, \{1, 2, 3\}$

練習 5 $A = \{2, 4, 6, 8\}$, $B = \{3, 6, 9\}$, $C = \{1, 5, 7\}$ のとき、次の集合を求めよ。

(1) $A \cap B$

$= \{6\}$

(2) $A \cup B$

$= \{2, 3, 4, 6, 8, 9\}$

(教科書 P 9)

(3) $B \cup C$

$= \{1, 3, 5, 6, 7, 9\}$

(4) $A \cap C$

$= \emptyset$

☆レベルアップ (教科書 P 9)

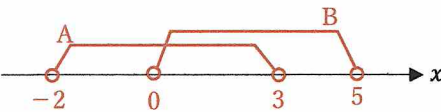
例 6 $A = \{x \mid -2 < x < 3, x \text{ は実数}\}$ $B = \{x \mid 0 < x < 5, x \text{ は実数}\}$ のとき、 $A \cap B$ および $A \cup B$ を求めてみよう。

※集合 A, B の範囲を数直線上に図示しなさい。

右の図から

$A \cap B = \{x \mid 0 < x < 3, x \text{ は実数}\}$

$A \cup B = \{x \mid -2 < x < 5, x \text{ は実数}\}$



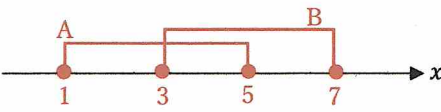
練習 6 $A = \{x \mid 1 \leq x \leq 5, x \text{ は実数}\}$ $B = \{x \mid 3 \leq x \leq 7, x \text{ は実数}\}$ のとき、次の集合を求めよ。

(1) $A \cap B$

$= \{x \mid 3 \leq x \leq 5, x \text{ は実数}\}$

(2) $A \cup B$

$= \{x \mid 1 \leq x \leq 7, x \text{ は実数}\}$



振り返り【評価の観点：主体的に取り組む態度】

◎わかったこと

◎わからない所や質問したい所があれば書いてください。

教科書「数学A」P10～11 を読んで次の空欄を埋めなさい。

【評価の観点：知識・技能】

5 補集合

集合を考えるときには、あらかじめ1つの集合Uを定めて、その部分集合を考える場合が多い。

このとき、集合Uを **全体集合** という。全体集合Uの中で、集合Aに **属さない** 要素全体からなる集合をAの **補集合** といい、 \overline{A} で表す。**例1** $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ を全体集合とすると、その部分集合 $A = \{2, 3, 5, 7\}$, $B = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ について、次の集合を求めよ。(1) \overline{A} (2) $\overline{A \cap B}$ (3) $\overline{A \cup B}$ 解) (1) $\overline{A} = \{1, 4, 6, 8, 9\}$ ←Uの中でA以外(2) $A \cap B = \{3, 5, 7\}$ であるから $\overline{A \cap B} = \{1, 2, 4, 6, 8, 9\}$ ←Uの中で $A \cap B$ 以外(3) $\overline{B} = \{2, 4, 6, 8\}$ より $\overline{A \cup B} = \{1, 2, 4, 6, 8, 9\}$ ← \overline{A} と \overline{B} を合わせたもの

練習問題

【評価の観点：思考・判断・表現】

練習7 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ を全体集合とすると、その部分集合 $A = \{2, 4, 8\}$, $B = \{3, 4, 5, 6, 7\}$ について、次の集合を求めよ。(教科書P10)(1) $\overline{A} = \{1, 3, 5, 6, 7, 9\}$ (2) $\overline{A \cap B} = \{3, 5, 6, 7\}$ (3) $\overline{A \cap B}$ ヒント： \overline{B} を考えよう。 (4) $\overline{A \cup B}$ ヒント： $A \cup B$ を考えよう。 $B = \{1, 2, 8, 9\}$ より $\overline{A \cap B} = \{1, 9\}$ $A \cup B = \{2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ より $\overline{A \cup B}$

6 ド・モルガンの法則

ド・モルガンの法則をかきなさい。

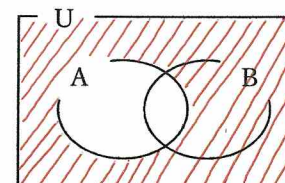
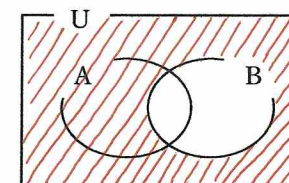
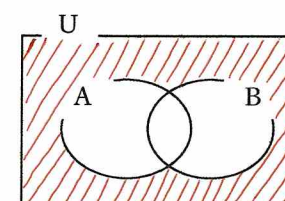
【評価の観点：知識・技能】

ド・モルガンの法則

[1] $\overline{A \cup B} = \overline{A} \cap \overline{B}$

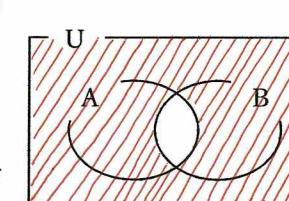
[2] $\overline{A \cap B} = \overline{A} \cup \overline{B}$

2つの集合A, Bにおいて、次の集合が表す部分を斜線で塗りなさい。【評価の観点：思考・判断・表現】

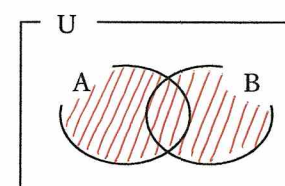
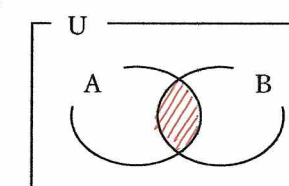
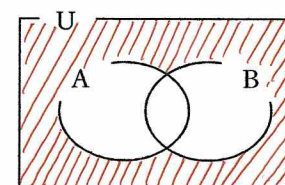
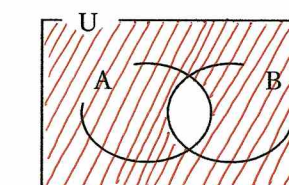
(1) \overline{A} (2) \overline{B} (3) $\overline{A \cap B}$ 

ヒント

(1)と(2)の共通

(4) $\overline{A \cup B}$ 

ヒント

(1)と(2)を
合わせる(5) $A \cup B$ (6) $A \cap B$ (7) $\overline{A \cup B}$ (8) $\overline{A \cap B}$ 

振り返り【評価の観点：主体的に取り組む態度】

◎わかったこと

◎わからない所や質問したい所があれば書いてください。

教科書 P 12～13 を読んで次の空欄を埋めなさい。

【評価の観点：知識・技能】

1 集合の要素の個数

6 の正の約数の集合を A とすると

$$A = \{1, 2, 3, 6\}$$

よって、集合 A の要素の個数は $\boxed{4}$ 個である。

数字の個数

集合 A の要素の個数を $n(A)$ で表す。たとえば、上の例では $n(A) = \boxed{4}$ である。また、 $\boxed{\text{空}}$ 集合 \emptyset には要素が $\boxed{\text{ない}}$ から、 $n(\emptyset) = \boxed{0}$ である。

例 7 100 以下の自然数を全体集合として、次の集合の要素の個数を求めてみよう。

(1) 5 の倍数 (2) 3 の倍数

解) (1) 5 の倍数の集合を A とすると

$$A = \{5 \times 1, 5 \times 2, \dots, 5 \times \boxed{20}\}$$

よって

$$n(A) = \boxed{20}$$

(2) 3 の倍数の集合を B とすると

$$A = \{3 \times 1, 3 \times 2, \dots, 3 \times \boxed{33}\}$$

よって

$$n(B) = \boxed{33}$$

☆倍数の個数を簡単に見つけるにはどんな計算をすればよいでしょう。【評価の観点：思考・判断・表現】

$$100 \text{ 以下の } 5 \text{ の倍数は } 100 \div 5 = \underline{20} \quad \underline{20} \text{ 個}$$

$$100 \text{ 以下の } 3 \text{ の倍数は } 100 \div 3 = 33.3\cdots \leftarrow \text{小数点以下を切り捨てると} \underline{33} \quad \underline{33} \text{ 個}$$

練習問題

【評価の観点：思考・判断・表現】

練習 9 50 以下の自然数を全体集合として、次の集合の要素の個数を求めてみよう。

(1) 6 の倍数

$$50 \div 6 = 8.3\cdots \text{より} \\ \underline{8} \text{ 個}$$

(2) 8 の倍数

$$50 \div 8 = 6.2\cdots \text{より} \\ \underline{6} \text{ 個}$$

2 和集合の要素の個数

【評価の観点：知識・技能】

2 つの集合 A, B の和集合 $A \cup B$ の要素の個数を考えてみよう。

2 つの集合 A, B に共通の要素がないとき、

$$n(A \cup B) = \boxed{n(A)} + \boxed{n(B)}$$

が成り立つ。

また、2 つの集合 A, B に共通の要素があるとき、

$$n(A) = a, n(B) = b, n(A \cap B) = p$$

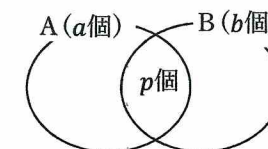
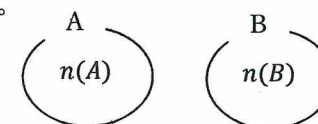
(集合 A の要素が a 個、集合 B の要素が b 個、A と B の共通が p 個)

とすると、

$$n(A \cup B) = (a - p) + p + (b - p)$$

$$= \boxed{a + b - p}$$

$$= n(A) + n(B) - n(A \cap B)$$



和集合の要素の個数

$$n(A \cup B) = \boxed{n(A) + n(B) - n(A \cap B)}$$

とくに、 $A \cap B = \emptyset$ のとき

$$n(A \cup B) = \boxed{n(A) + n(B)}$$

例 8 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{2, 4, 6\}$ のとき、 $n(A \cup B)$ を求めてみよう。

$$n(A) = \boxed{5}, n(B) = \boxed{3}$$

$$\text{また、} A \cap B = \{ \boxed{2, 4} \} \text{ より } n(A \cap B) = \boxed{2}$$

よって、求める個数は

$$\begin{aligned} n(A \cup B) &= n(A) + n(B) - n(A \cap B) \\ &= \boxed{5} + \boxed{3} - \boxed{2} = \boxed{6} \text{ (個)} \end{aligned}$$

練習問題

【評価の観点：思考・判断・表現】

練習 10 $A = \{2, 4, 6, 8\}$, $B = \{3, 6, 9\}$ のとき、 $n(A \cup B)$ を求めよ。

$$n(A) = 4, n(B) = 3$$

$$A \cap B = \{6\} \text{ より } n(A \cap B) = 1 \text{ なので}$$

$$n(A \cup B) = 4 + 3 - 1 = \underline{6}$$

振り返り【評価の観点：主体的に取り組む態度】

◎わかったこと

◎わからない所や質問したい所があれば書いてください。

教科書 P14～15 を読んで空欄を埋めなさい。

【評価の観点：知識・技能】

例題 2 50 以下の自然数のうち、次のような数の個数を求めよ。

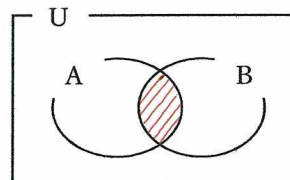
- (1) 3 の倍数かつ 4 の倍数 (2) 3 の倍数または 4 の倍数

解) 50 以下の自然数の中で、3 の倍数の集合を A、4 の倍数の集合を B とすると、

- (1) 3 の倍数かつ 4 の倍数の集合は A
- \cap
- B である。

この集合は 3 と 4 の **公倍数** の集合、すなわち、3 と 4 の **最小** 公倍数 **12** の倍数の集合である。よって、求める個数は **4** 個

$$50 \div 12$$



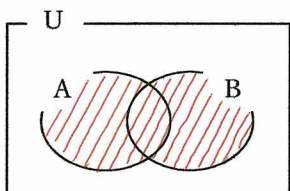
※集合が表す部分を斜線で図示しなさい。

- (2) 3 の倍数または 4 の倍数の集合は A
- \cup
- B である。

3 の倍数の個数は $n(A) = \mathbf{16}$ 個、4 の倍数の個数は $n(B) = \mathbf{12}$ 個共通の個数が $n(A \cup B) = \mathbf{4}$ 個 であるから

$$n(A) + n(B) - n(A \cup B)$$

$$\mathbf{16} + \mathbf{12} - \mathbf{4} = \mathbf{24}$$

よって、求める個数は **24** 個

※集合が表す部分を斜線で図示しなさい。

練習問題

【評価の観点：思考・判断・表現】

練習 11 60 以下の自然数のうち、次のような数の個数を求めよ。

- (1) 2 の倍数かつ 3 の倍数

6 の倍数なので

$$\mathbf{10} \text{ 個} \quad \leftarrow 60 \div 6$$

- (2) 2 の倍数または 3 の倍数

2 の倍数は **30** 個 $\leftarrow 60 \div 2$ 3 の倍数は **20** 個 $\leftarrow 60 \div 3$ 6 の倍数は **10** 個 より

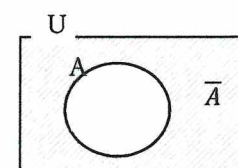
$$\mathbf{30} + \mathbf{20} - \mathbf{10} = \mathbf{40} \text{ (個)}$$

3 補集合の要素の個数

【評価の観点：知識・技能】

補集合の要素の個数

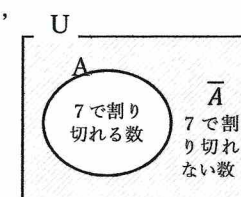
$$n(\bar{A}) = \mathbf{n(U) - n(A)}$$

**例 9** 50 以下の自然数のうち、7 で割り切れない数の個数を求めてみよう。

解) 50 以下の自然数の中で、7 で割り切れる数の集合を A とすると、

 $n(A) = \mathbf{7}$ \leftarrow 50 以下で 7 の倍数の個数は7 で割り切れない数の集合は \bar{A} であるから、求める個数は $n(U) - n(A)$

$$\mathbf{50} - \mathbf{7} = \mathbf{43} \text{ (個)}$$

**練習問題**

【評価の観点：思考・判断・表現】

練習 12 50 以下の自然数のうち、6 で割り切れない数の個数を求めよ。50 以下で 6 の倍数は **8** 個 $\leftarrow 50 \div 6$

よって

$$\mathbf{50} - \mathbf{8} = \mathbf{42} \text{ (個)}$$

問題 50 以下の自然数のうち、次のような数の個数を求めよ。

- (1) 2 の倍数かつ 5 の倍数

10 の倍数なので

$$\mathbf{5} \text{ 個} \quad \leftarrow 50 \div 10$$

- (2) 2 の倍数または 5 の倍数

2 の倍数は **25** 個5 の倍数は **10** 個10 の倍数は **5** 個 より

$$\mathbf{25} + \mathbf{10} - \mathbf{5} = \mathbf{30} \text{ (個)}$$

- (3) 2 でも 5 でも割り切れない数

2 の倍数または 5 の倍数は 30 個より

$$\mathbf{50} - \mathbf{30} = \mathbf{20} \text{ (個)}$$

振り返り【評価の観点：主体的に取り組む態度】

◎わかったこと

◎わからない所や質問したい所があれば書いてください。